Физика волновых процессов и радиотехнические системы

УДК 621.372.8

Полосно-пропускающие фильтры на плоско-поперечных сдвигах Н-волноводов, выполненные по SIW-технологии

Г.Ф. Заргано, В.В. Земляков, С.В. Крутиев

Южный федеральный университет 344006, Российская Федерация, г. Ростов-на-Дону ул. Большая Садовая, 105/42

Рассмотрен новый тип волноводных элементов – SIW (Substrate Integrated Waveguide) – для включения в структуру многослойных интегральных микросхем. Показаны возможности перехода на волноводы сложного сечения, реализованные на SIW. В качестве примера рассмотрена реализация полосно-пропускающего фильтра на плоскопоперечных сдвигах Н-волноводов в классическом цельнометаллическом исполнении и в SIW исполнении. Расчет электродинамических характеристик классического Н-волновода осуществлялся методом частичных областей с учетом особенности электромагнитного поля на ребре. Переход от классических волноводов к SIW осуществлялся с применением аппроксимационных эмпирических формул.

Ключевые слова: полосно-пропускающие фильтры, плоско-поперечные сдвиги Н-волноводов, SIW-технология.

Введение

Современные микроэлектронные технологии позволяют создавать многослойные интегральные микросхемы с возможностью включения в их структуру трехмерных элементов, в частности прямоугольных волноводов и объемных резонаторов на их основе. Такая технология производства получила название SIW (Substrate Integrated Waveguide) – интегрированный в подложку волновод, который представляет собой волноводно подобную структуру, созданную двумя рядами металлических цилиндров, соединяющих две металлические пластины и ограничивающих диэлектрическую подложку. С помощью SIW-технологии непланарный волновод может быть изготовлен в планарной форме.

Преимущество SIW-технологии заключается в том, что она сохраняет все положительные качества классических волноводов: возможность передачи больших мощностей, малые потери, полностью экранированную структуру, высокую добротность резонаторов, – приобретая свойства микрополосковых структур: малые линейные размеры и вес, низкую стоимость и упрощенную технологию производства.

Важная особенность SIW-технологии состоит в том, что имеется возможность размещения всех элементов на одной диэлектрической подложке, включая пассивные компоненты, активные элементы и даже антенны. SIW-технология может быть успешно использована для создания таких устройств, как фильтры, направленные ответвители, фазовращатели, усилители, антенны и фазированные антенные решетки [1].

Фильтры, выполненные на классических волноводах, широко применяются в антенной технике и измерительном оборудовании. Одним из важных преимуществ фильтров, выполненных на волноводах, является минимальный уровень потерь, а следовательно, высокая добротность, особенно в сантиметровом и миллиметровом диапазоне длин волн [2; 3].

Хорошо известно, что применение волноводов сложного сечения позволяет существенно улучшить характеристики многих СВЧ-устройств. Например, по сравнению с прямоугольными волноводами П- и Н-волноводы обладают широкой полосой одномодового режима, а также меньшими массогабаритными характеристиками и малым волновым сопротивлением [4; 5].

Популярным подходом при построении волноводных полосно-пропускающих фильтров является применение плоско-поперечных неоднородностей в виде тонких диафрагм, стыков, сдвигов [6; 7]. Реализация фильтров на сдвигах волноводов в классическом исполнении, особенно на волноводах сложного сечения, трудно выполнима технологически, и поэтому она не имела широкого практического применения. В настоящее время с появлением SIW-техноло-

© Г.Ф. Заргано, В.В. Земляков, С.В. Крутиев, 2013

гии и возможности интеграции в многослойные структуры волноводных элементов изготовление фильтров на плоско-поперечных сдвигах волноводов приобретает высокую актуальность.

Как показано в работе [1], существует возможность эффективно использовать при синтезе устройств, реализованных по SIW-технологии, в качестве начального приближения результаты синтеза для их цельнометаллических аналогов (устройств-прототипов). Таким образом, в данной работе осуществляется переход от классической структуры волноводного фильтра к фильтру, реализованному по SIW-технологии.

Процедуры анализа и синтеза полосно-пропускающего фильтра на цельнометаллическом Н-волноводе реализованы с применением авторских алгоритмов [4–7], основанных на строгих электродинамических методах: методе частичных областей с учетом особенности электромагнитного поля на ребре, методе интегральных уравнений и вариационном методе.

1. Электродинамический анализ одиночных и связанных плоскопоперечных неоднородностей в гребневых волноводах

Рассматривается произвольная волна с порядковым номером *p* из спектра собственных волн волноводов сложного сечения с воздушным заполнением, падающая на плоско-поперечную неоднородность в положительном направлении оси *z* [4]. Потери энергии волн в металле не учитываем. Векторное электрическое поле в волноводе падающей на неоднородность волны имеет следующий вид:

$$\vec{E}_{p}^{Ia}(x,y,z) = \left[\vec{e}_{x}E_{px}^{Ia}(x,y) + \vec{e}_{y}E_{py}^{Ia}(x,y) + \vec{e}_{z}E_{pz}^{Ia}(x,y)\right] e^{-j\gamma_{p}^{Ia}z}.$$
(1)

Постоянная распространения *p*-волны в волноводе γ_p^{Ia} будет действительной величиной для распространяющихся и мнимой для нераспространяющихся типов волн: $\gamma_p^{ba} = -j\hat{\gamma}_p^{ba} = \sqrt{\left(k^2 - k_p^2\right)}$ $\hat{\gamma}_p^{ba} = \sqrt{k_p^2 - k^2}, \ k$ – волновое число свободного пространства; k_p – критическое волновое число волны *p*. Временная зависимость выбрана в виде $e^{j\omega t}$; $b = I, \ II$ – номер волновода; $a = h, \ e$ – индекс обозначающий принадлежность к классу Нили Е-волн соответственно. Полное электрическое поле в возбуждающем (I) и возбуждаемом (II) волноводах является суперпозицией электрического поля основной волны, электрических полей распространяющихся при данном значении рабочей частоты Н- и Е-волн и электрических полей не распространяющихся высших типов Н- и Еволн, возбуждаемых вблизи неоднородности [6].

Коэффициенты отражения r_{qp}^{ba} и прохождения t_{qp}^{ba} всех волн находятся из условия равенства электрического поля $\vec{E}^{I}(x,y) = \vec{E}^{II}(x,y) = \vec{E}_{p}(x,y)$ на апертуре неоднородности с учетом ортогональности собственных векторных функций волноводов:

$$1 + r_{pp}^{Ia} = \int_{s} \vec{E}_{p}(x, y) \rho_{p}^{Ia} \vec{E}_{p}^{Ia}(x, y) ds,$$

$$r_{qp}^{Ia} = \int_{s} \vec{E}_{p}(x, y) \rho_{q}^{Ia} \vec{E}_{q}^{Ia}(x, y) ds,$$

$$t_{qp}^{IIa} = \int_{s} \vec{E}_{p}(x, y) \rho_{q}^{IIa} \vec{E}_{q}^{IIa}(x, y) ds,$$
(2)

где $\vec{E}_p(x,y)$ — неизвестное векторное электрическое поле на апертуре неоднородности *s*; ρ_q^{ba} — нормировочный множитель, определяемый из условия ортогональности собственных векторных функций. Интегрирование в выражениях (2) производится только по апертуре неоднородности *s*.

Используя условие непрерывности касательных составляющих магнитного поля на отверстии неоднородности s, получаем интегральное уравнение, преобразуя которое [6], имеем в вариационной форме выражение для комплексной нормированной проводимости G + jB в месте неоднородности, учитывающее появление волн, распространяющихся и не распространяющихся в обе стороны от неоднородности:

$$\begin{split} G + jB &= \left[\theta_{p}^{IIa} W_{pp}^{IIa} + \sum_{n=1}^{M^{Ih}} \gamma_{n}^{Ih} W_{pn}^{Ih} + \right. \\ &+ \sum_{n=1}^{M^{IIh}} \gamma_{n}^{IIh} W_{pn}^{IIh} + \sum_{k=1}^{M^{Ie}} \frac{k^2}{\gamma_{k}^{Ie}} W_{pk}^{Ie} + \\ &+ \sum_{k=1}^{M^{IIe}} \frac{k^2}{\gamma_{k}^{Ie}} W_{pk}^{IIe} + j \left(-\sum_{n=M^{Ih}+1}^{\infty} \hat{\gamma}_{n}^{Ih} W_{pn}^{Ih} - \right. \\ &- \sum_{n=M^{IIh}+1}^{\infty} \hat{\gamma}_{n}^{IIh} W_{pn}^{IIh} + \sum_{k=M^{Ie}+1}^{\infty} \frac{k^2}{\hat{\gamma}_{k}^{Ie}} W_{pk}^{Ie} + \\ &+ \left. + \sum_{k=M^{Ie}+1}^{\infty} \frac{k^2}{\hat{\gamma}_{k}^{IIe}} W_{pk}^{IIe} \right) \right] \middle/ \theta_{p}^{Ia} W_{pp}^{Ia} \,, \end{split}$$

где

$$W_{pq}^{ba} = \left(\int_{s} \vec{E}_{p} (x, y) \vec{E}_{q}^{ba} (x, y) ds \right)^{2} \rho_{q}^{ba},$$

$$\theta_{p}^{ba} = \begin{cases} \frac{k^{2}}{\gamma_{p}^{ba}}, & a = e, \\ \gamma_{p}^{ba}, & a = h. \end{cases}$$
(3)

Комплексная проводимость $G_p + jB_p$ в месте неоднородности (z = 0) нормирована на волновую проводимость падающей в *I*-м волноводе волны и представляет функционал, стационарный относительно малых вариаций векторного электрического поля $\vec{E}_p(x, y)$ на апертуре неоднородности. Представленный функционал (3) не содержит ограничений ни на форму волновода, ни, что особенно важно, на форму апертуры неоднородности.

Представляя неизвестное векторное электрическое поле $ec{E}_p(x,y)$ в отверстии неоднородности s в виде

$$\vec{E}_{p}(x,y) = \sum_{i=1}^{N} U_{ip} \vec{Q}_{i}(x,y), \qquad (4)$$

где U_{ip} – неизвестные коэффициенты разложения поля *p*-й волны; $\vec{Q}_i(x,y)$ – электрические собственные векторные ортонормированные функции, удовлетворяющие граничным условиям на контуре апертуры неоднородности, и решая методом Галеркина интегральное уравнение, получаем систему линейных неоднородных алгебраических уравнений относительно неизвестных коэффициентов разложения U_{ip} [4], знание которых позволяет вычислить электрическое поле (4) на апертуре неоднородности.

Зная $E_p(x, y)$, рассчитываем комплексную нормированную проводимость в месте плоско-поперечной неоднородности для каждой из падающих на неоднородность волн. Знание величины комплексной проводимости, рассчитанной для каждой из электромагнитных волн, падающих на неоднородность, позволяет проанализировать влияние плоско-поперечной неоднородности на характер прохождения волны в волноводном тракте.

Используя теорию цепей, можно представить плоско-поперечную неоднородность в волноводе сложного сечения в виде многополюсника с числом *М* входов и выходов, равным числу падающих на неоднородность волн в каждом волноводе. Такой многополюсник описывается нормированной обобщенной многоволновой матрицей рассеяния, которая может быть представлена в виде четырехклеточной матрицы, связь между элементами которой и коэффициентами отражения r_{qp}^{ba} и прохождения; t_{qp}^{ba} падающих на неоднородность волн определяется соотношениями, приведенными в [4].

Используя формулы для матриц рассеяния каждого из соединяемых многополюсников, получаем матрицу рассеяния в случае каскадного соединения двух и более многополюсников.

Если плоско-поперечные неоднородности располагаются близко друг от друга и соединяются короткими отрезками волноводов, то взаимодействие соответствующих многополюсников происходит как по распространяющимся волнам, так и по высшим нераспространяющимся волнам.

Аналитические выражения для электромагнитных полей и критические волновые числа для волноводов со сложной формой поперечного сечения были получены на основе метода частичной области с учетом особенности поведения электромагнитного поля вблизи ребра [5].

2. Синтез полоснопропускающих фильтров на плоско-поперечных сдвигах

Процедура синтеза полосно-пропускающего фильтра осуществляется в два этапа. На первом этапе производится аппроксимация частотной характеристики фильтра с применением полиномов Чебышева; далее осуществляется расчет соответствующих проводимостей плоско-поперечных сдвигов для формирования резонаторов и четверть волновых связей с заданными параметрами, и наконец, определяются геометрические параметры волноводного фильтра. Этот этап можно назвать этапом радиотехнического синтеза.

Однако за счет того, что в волноводе существуют критический режим работы, многомодовый режим, взаимодействие неоднородностей по всему спектру волноводных мод в области ближнего поля, а также за счет того, что волновод – это линия передачи с дисперсией, эффективно использовать прототип фильтра на сосредоточенных элементах во всем рабочем диапазоне частот не удается. Таким образом, на втором этапе необходимо дополнительно применить алгоритмы прямого многопараметрического синтеза, взяв результаты первого этапа в качестве начального приближения. В качестве базовой модели полосно-пропускающего фильтра выбираем модель каскадного соединения проходных резонаторов [2; 3], в которой каждый резонатор представлен отрезком регулярной линии передачи между двумя неоднородностями. Для аппроксимации АЧХ-фильтра будем использовать характеристику Чебышева.

Для фильтра нижних частот:

$$L(\Omega) = 10 \, \lg[1 + h^2 T_n^2(\Omega)], \quad n = 1, 2, 3, ...,$$
(5)

где $T_n(x)$ – полином Чебышева первого рода степени *n*.

Переход к другим значениям граничной частоты и другим видам фильтров, в частности к полосно-пропускающим фильтрам, производится с помощью замен частотной переменной Ω:

$$\Omega = \frac{1}{W} \left(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega} \right),$$

$$W = \frac{\omega_{\Pi 2} - \omega_{\Pi 1}}{\omega_0},$$

$$\omega_0 = \sqrt{\omega_{\Pi 1} \omega_{\Pi 2}},$$
(6)

где W — относительная ширина полосы пропускания; ω_0 — центральная частота; $\omega_{\Pi 1}$, $\omega_{\Pi 2}$ нижняя и верхняя частоты среза ППФ.

Так как на СВЧ все элементы фильтров на сосредоточенных постоянных заменяются элементами на распределенных постоянных, то основы синтеза фильтров с сосредоточенными постоянными легко могут быть распространены на фильтры с распределенными постоянными, если определять параметры звеньев фильтра через их добротности.

Выражение двусторонней нагруженной добротности *i*-го звена приводит к единому уравнению для последовательной и параллельной цепей.

$$Q_i = \frac{g_i}{2W},\tag{7}$$

где g_i – единая переменная, имеющая смысл сопротивления элемента эквивалентной цепи фильтра низких частот.

Для Чебышевских фильтров с нечетным числом звеньев и заданным допуском на рассогласование в полосе пропускания $|\Gamma|_{max}$ нагруженные добротности рассчитаны и приведены в таблицах [3] с целью облегчения инженерных расчетов.

Вместе с тем [2] нагруженную добротность проходного резонатора, ограниченного, к примеру, такими плоско-поперечными неоднородностями, как сдвиги, можно выразить через параметры эквивалентной схемы (рис. 1)



$$Q_{i} = \frac{B_{0i}}{2} \sqrt{1 + \frac{B_{0i}^{2}}{4}} \frac{\gamma_{0} d_{i}}{1 - \left(\omega_{kp} / \omega_{0}\right)^{2}}, \qquad (8)$$

d

где B_{0i} — реактивная часть проводимости *i*-го резонатора при их каскадном соединении и $\gamma_0 d = \omega_0 d / v_f$ — электрическая длина резонатора на резонансной частоте.

Используя условие резонанса структуры, описываемой схемой на рис. 1,

$$B_i(\omega_0) = 2\operatorname{ctg} \gamma_{oe}^{1h}(\omega_0) d_i, \qquad (9)$$

определяем

Г.Ф. ЗАРГАНО, В.В. ЗЕМЛЯКОВ, С.В. КРУТИЕВ

$$\gamma_{oe}^{1h}(\omega_0) d_i = \operatorname{arctg} \frac{2}{B_i(\omega_0)} + k\pi, \quad k = 1, 2, \dots$$
 (10)

Таким образом, имеем два уравнения (8) и (9), при совместном решении которых и рассчитанных Q_i можно определить реактивные проводимости B_{0i} и длину проходных резонаторов на частоте ω_0 .

В качестве длины резонатора часто используют значения электрической длины $\gamma_{oe}^{1h}(\omega_0)d_i \sim \pi$, т. е. $d_i \sim \Lambda_0 / 2$.

В результате

$$Q_{i} = \frac{B_{0i}}{2} \sqrt{1 + \frac{B_{0i}^{2}}{4}} \frac{\operatorname{arctg} \frac{2}{B_{i}(\omega_{0})} + k\pi}{1 - \left(\omega_{kp} / \omega_{0}\right)^{2}}.$$
 (11)

Так из решения этого трансцендентного уравнения находятся B_{0i} и из уравнения (11) – длины резонаторов

$$d_{i} = \frac{1}{\sqrt{k_{0}^{2} - \left(k_{oe}^{1h}\right)^{2}}} \left(\operatorname{arctg} \frac{2}{B_{i}(\omega_{0})} + k\pi \right), \quad (12)$$

длины соединительных отрезков между резонаторными звеньями:

$$d_{i(i+1)} = (2m-1)\frac{\Lambda_0}{4} - k\frac{\Lambda_0}{2} + \frac{d_i + d_{i+1}}{2}.$$
 (13)

На заключительном этапе осуществляется попытка найти размеры каждой *i*-й неоднородности, при которых мнимая часть ее шунтирующей проводимости на частоте ω₀ была с определенной точностью равна *B*_{0*i*}. Для сдвигов



Рис. 2. Поперечное сечение Н-волновода



в волноводе сложного сечения приходится синтезировать размеры, используя зависимость $B_{0i} = B_{0i}(\omega_0, L_i)$, где L_i – вектор геометрических параметров *i*-й неоднородности.

3. Результаты синтеза полоснопропускающих фильтров

В качестве примера рассмотрим Н-волновод с размерами (рис. 2): g/l = 0.843, h/l = 0.25, c/l = 0.1. Для реализации процедуры синтеза фильтра проведем исследования проводимости *B* сдвига двух Н-волноводов вдоль горизонтальной оси. На рис. 3. представлена зависимость *B* от нормированного волнового числа kl для различной величины сдвига (сплошная линия -dx/l = 0.2; пунктирная линия -dx/l = 0.6; штрих-пунктирная -dx/l = 0.4). Из рис. 3. видно что проводимость *B* сдвига вдоль оси 0x отрицательна, что говорит о ее индуктивном характере. С ростом kl проводимость плавно возрастает, а с увеличением значения dx/l = уменьшается.

По выше изложенной методике проведен синтез полосно-пропускающего фильтра на Н-волноводе.

На рис. 4 представлен внешний вид синтезированного полосно-пропускающего фильтра. Зависимость модулей S-параметров приведена на рис. 5 (|S₁₁| – пунктирная линия, |S₂₁| – сплош-



Рис. 4. Полосно-пропускающий фильтр на сдвигах Н-волноводов в цельнометаллическом исполнении



Рис. 5. Зависимость модулей S-параметров полосно-пропускающего фильтра на сдвигах Н-волноводов в цельнометаллическом исполнении от kl

ная линия). Геометрические размеры фильтра (длина резонатора – p_i / l и величина сдвига – dx_i / l) приведены в табл. 1.

Из графиков на рис. 5 видно, что полученный полосно-пропускающий фильтр обладает достаточно широкой полосой пропускания (10 %), и широкой полосой запирания.

Для перевода полученной структуры фильтра в SIW-структуру необходимо заменить все вертикальные стенки волноводов решеткой металлических штырей, а также изменить заполнение с воздушного на диэлектрическое, введя соответствующие коэффициенты пересчета рабочей частоты [1]. При этом одной из основных характеристик, определяющей размеры поперечного сечения конечного устройства, является толщина диэлектрических слоев подложки в создаваемой многослойной интегральной микросхеме по технологии LTCC (Low Temperature Co-Fired Ceramic). В данном примере была использована подложка с толщиной 0.508 мм и диэлектрической проницаемостью ε = 2.33. Для построения Н-волновода понадобится три диэлектрических слоя. При этом в зазоре между гребнями Н-волновода будет проходить один слой и по одному слою на толщину гребней. Диаметр металлических штырей выберем 0.16 мм, расстояние между штыря-



Рис. 6. Полосно-пропускающий фильтр на сдвигах Н-волноводов в SIW-исполнении



Рис. 7. Зависимость модулей S-параметров полосно-пропускающего фильтра на сдвигах Н-волноводов в SIW-исполнении от частоты

ми – 0.28 мм. Полученная структура фильтра, реализованного по SIW-технологии, представлена на рис. 6. Итоговые поперечные размеры H-волновода составили – l = 3.6 мм, g = 2.802 мм, h = 1.524 мм, c = 0.508 мм.

Таблица 1

Размеры цельнометаллического фильтра

Для расчетов характеристик полученного SIWфильтра было проведено компьютерное моделирование в пакете CST Microwave Studio. Результаты компьютерного моделирования представлены на рис. 7 и практически полностью повторяют АЧХ цельнометаллического фильтра-прототипа (рис. 5). Необходимо отметить, что применение сеточных методов даже сегодня при наличии мощных ЭВМ является весьма трудоемким и длительным процессом и потому оправдано только на последнем этапе синтеза для проверки и более детального анализа получаемых результатов. Геометрические размеры фильтра приведены в табл. 2.

Таким образом, в данной работе решена задача электродинамического анализа и синтеза полосно-пропускающего фильтра на плоско-поперечных сдвигах Н-волновода в классическом цельнометаллическом исполнении и в виде SIWструктуры для интеграции в многослойные микросхемы. Полученные результаты подтверждают возможность применения при создании SIW-устройств в качестве начального приближения результатов синтеза их цельнометаллических аналогов.

Работа выполнена при поддержке Федерального государственного бюджетного учреждения «Российский фонд фундаментальных исследований». Грант «мол_а № 12-07-31003», руководитель Земляков В.В.

i	1	2	3	4
p_i / l	0.483	0.497	0.485	0.529
dx_i / l	0.043	0.033	0.126	0.050

Таблица 2 Размеры SIW-фильтра

i	1	2	3	4
p_i , мм	2.572	2.936	2.554	2.752
dx_i , мм	0.273	0.081	0.628	0.277

Список литературы

- SIW-технологии, история создания, современное состояние и перспективы развития / А.А. Гадзиева [и др.] // Физические основы приборостроения. 2012. Т. 1. № 4. С. 4–13.
- Маттей Д.Л., Янг Л., Джонс Е.М.Т. Фильтры СВЧ, согласующие цепи и цепи связи. Т. 1. М.: Связь, 1971. 440 с.
- Фельдштей А.Л., Явич Л.Р. Синтез четырехполюсников и восьмиполюсников на СВЧ. М.: Связь, 1971. 389 с.
- Заргано Г.Ф., Земляков В.В. Электродинамический анализ и синтез селективных устройств на волноводах слож-

ного сечения для современных антенно-фидерных систем // Антенны. 2011. Вып. 7 (170). С. 64–73.

- 5. Волноводы сложных сечений / Г.Ф. Заргано [и др.]. М.: Радио и связь, 1986. 124 с.
- Заргано Г.Ф., Земляков В.В., Хохлачев А.В. Исследование параметров плоско-поперечных стыков и толстых диафрагм в Н-волноводах в многомодовом режиме // Электромагнитные волны и электронные системы. 2011. № 5. С. 58-63.
- Вычислительные методы прикладной электродинамики / под ред. Г.П. Синявского. М.: Радиотехника, 2009. 160 с.

Band-pass filters on transverse shifts of double-ridge waveguides realized by SIW-technology

G.F. Zargano, V.V. Zemlyakov, S.V. Krutiev

A new type of waveguide elements – SIW (Substrate Integrated Waveguide) – for implementation in multilayer integrated circuits is described. The possibilities of conversion to waveguides of complex cross section realized by SIW are shown. As an example the realization band-pass filter on transverse shifts of double-ridge waveguides in classical all-metal and in SIW implementations is discussed. The calculation of electrodynamic characteristics of classical double-ridge waveguide is provided by the method of partial regions including field singularity at the edge. The conversion from classical waveguides to SIW is performed by approximation formulas.

Keywords: band-pass filters, transverse shifts of double-ridge waveguide, SIW-technology.

Антипов, О.И. Детерминированный хаос и фракталы в дискретно-нелинейных системах / О.И. Антипов, В.А. Неганов, А.А. Потапов. – М.: Радиотехника, 2009. – 235 с., ил.

Антипов О.И., Неганов В.А., Потапов А.А.

Детерминированный хаос и фракталы в дискретно-нелинейных системах



ISBN 978-5-88070-237-4

УДК 530.1:621.372+621.396 ББК 32.96

В монографии рассмотрены явления детерминированного хаоса и фрактальности в дискретно-нелинейных системах на примере устройств импульсной силовой электроники, приведены некоторые основные определения современной нелинейной динамики и некоторые математические методы целочисленных и дробных мер.

Представленные явления стохастической работы могут наблюдаться в широком классе систем с переменной структурой, действие которых может быть описано системами дифференциальных уравнений с пе-

ременными коэффициентами, скачкообразно меняющими свои значения с течением времени в зависимости от состояния системы. Объектами исследования явились импульсные стабилизаторы напряжения различных типов и структур. Научной новизной является применение как фрактальных, так и мультифрактальных мер детерминированного хаоса к анализу стохастической работы импульсных стабилизаторов.

Для специалистов, интересующихся проблемами детерминированного хаоса, численным моделированием дискретно-нелинейных систем.