Физика волновых процессов и радиотехнические системы

УДК 621.396.67

# Применение вейвлет-преобразований для анализа рассеяния сверхширокополосных сигналов объектами сложной формы

Р.В. Антипенский, А.П. Любавский, С.Н. Разиньков

ВУНЦ ВВС «Военно-воздушная академия им. проф. Н.Е. Жуковского и Ю.А. Гагарина» 394064, Российская Федерация, г. Воронеж ул. Старых Большевиков, 54а

На основе измерения мгновенных амплитуд, выполненного стробоскопическим методом на дискретных интервалах времени, и вейвлет-преобразований отраженных сигналов исследованы интегральная и локальные эффективные поверхности рассеяния объекта сложной формы, облучаемого сверхширокополосным импульсом. Проведен анализ частотных зависимостей энергетических спектров и определены параметры вейвлет-преобразований для выявления доминирующих центров вторичного излучения объекта.

Ключевые слова: сверхширокополосный сигнал, локальная эффективная поверхность рассеяния, вейвлет-преобразование, энергетический вейвлет-спектр сигнала.

Анализ рассеяния сверхширокополосных (СШП) сигналов объектами сложной формы имеет значение для разработки средств снижения контрастности радиолокационных целей и совершенствования способов передачи информации по локальным сетям радиосвязи и управления в условиях сложного рельефа местности и городской застройки [1].

Вторичное излучение объекта, в основном, формируется полями, рассеянными отдельными участками его поверхности с доминирующими отражательными свойствами. По мере увеличения эквивалентной ширины спектра сигнала возрастает эффективность разрешения локальных рассеивателей по времени запаздывания откликов, зависящего от ракурса облучения [1; 2]. За счет различения интенсивности вторичного излучения отдельных элементов обеспечивается стабилизация положений энергетических центров объектов [3].

В предлагаемой работе на основе измерений мгновенных амплитуд, выполненных стробоскопическим методом на дискретных интервалах времени [2], и вейвлет-преобразований [4] отраженных сигналов исследованы интегральная эффективная поверхность рассеяния (ЭПР) и локальные ЭПР объекта сложной формы.

Цель работы – анализ частотных зависимостей интегральной и локальных ЭПР объекта и определение параметров вейвлет-преобразований для выявления доминирующих центров вторичного излучения СШП сигнала. Согласно [1], распределение отраженного сигнала во временной области u(t) находится путем последовательной свертки облучающего сигнала e(t) с импульсными характеристиками среды распространения и объекта [1; 2].

Интегральная ЭПР объекта на текущей частоте в спектре сигнала f определяется выражением [5]

$$\sigma(f) = 4\pi R \frac{G^2(f)}{G_0^2(f)},\tag{1}$$

где  $G_0^2(f)$  и  $G^2(f)$  – энергетические спектры облучающего и отраженного сигналов; R – расстояние до точки регистрации отраженного сигнала в дальней зоне объекта, граница которой определяется как отношение удвоенного значения квадрата его характерного размера к эквивалентной пространственной длительности сигнала [5].

Локальные ЭПР объекта  $\sigma_{Lj}(f)$ , j = 1, 2, ...,определяются с использованием (1) при замене  $G^2(f)$  энергетическими спектрами  $G^2_{Lj}(f)$  откликов локальных центров вторичного излучения [6; 7].

Внешний вид исследуемого объекта сложной формы, состоящего из элементарных отражателей с высоким уровнем вторичного излучения в различных секторах углов [8], представлен на рис. 1.

При измерениях ЭПР объект облучался коротким СШП импульсом, зависимость которого



Рис. 1. Объект сложной формы

от времени приведена на рис. 2 под номером 1; отраженные сигналы подвергались когерентному накоплению, их энергетические спектры вычислялись на основе быстрого преобразования Фурье.

В [6] показано, что используемый сигнал в точке облучения объекта на множестве N дискретных отсчетов по времени  $e(t) \approx e(k), k = 0,$ ..., N-1, может быть аппроксимирован реальной частью комплексного вейвлета Морле [4]

morlet 
$$(k) = \exp\left[-\left(\frac{k}{z}\right)^2 + iwk\right]$$
 (2)

с параметрами w = 3,7 и z = 0,8, выбранными из условия минимизации невязки спектров в максимально широкой полосе рабочих частот.

С учетом параметров масштаба «*a*»и сдвига «*b*» [4] базисная вейвлет-функция может быть представлена в виде

$$\Psi(a, b, k) = a^{-1/2} \operatorname{morlet}\left[\frac{b-k}{a}\right].$$
(3)

Для нахождения локальных энергетических частотных спектров центров рассеяния выполняется прямое вейвлет-преобразование отраженного сигнала в приближении  $u(t) \approx u(k)$ , k = 0, ..., N - 1,

$$c(a, b) = \sum_{k=0}^{N-1} u(k) \Psi(a, b, k).$$
(4)

Семейство вейвлет-спектров коэффициентов c(a, b) представляется в виде двумерного массива

$$G^{2}(a, b) = \left| c(a, b) \right|^{2}, \qquad (5)$$

содержащего информацию об изменении относительного вклада вейвлет-коэффициентов различного масштаба «*a*» в зависимости от параметра сдвига «*b*».

Обработка сигнала u(t) осуществлялась при следующих условиях:

– время дискретизации сигнала  $\Delta t_k = 0,001221$ нс;



Рис. 2. Сигнал в точке облучения (зависимость 1) и реальная часть аппроксимирующего комплексного вейвлета Морле (зависимость 2)

 диапазон изменения параметра масштаба вейвлета *a* = 1 ÷ 400;

– диапазон изменения параметра сдвига вейвлета  $b = 0 \div N - 1;$ 

– расстояние между центрами вторичного излучения  $L_b = 15 \Delta t_k b_k$ ;

– время регистрации отраженных от них сигналов  $t_k = \Delta t_k b_k$ .

Локальный энергетический спектр  $G_{Lj}^2(f, b_{j\max})$ для фиксированного значения  $b_{j\max}$ , соответствующему моменту времени  $t_{k\max}$  или дальности  $L_{b\,j\max}$ , *j*-го центра вторичного излучения, j = 1, 2, ..., определяется из (5) путем замены переменной масштаба «*a*» на текущее значение частоты *f* 

$$f = a^{-1} a_{j\max} f_{0j\max}, (6)$$

где  $a_{j\max}$  — значение параметра масштаба «*a*» для максимального значения энергетического вейвлет-спектра *j*-го центра, соответствующего значению  $b_{j\max}$ ;  $f_{0j\max}$  — частота отраженного сигнала, соответствующая максимальному значению локального энергетического спектра  $G_{Lj}^2(f, b_{j\max})$ . Значение  $f_{0j\max}$  находится с использованием коррелирующей вейвлет-функции (3) при  $a_{j\max}$ ,  $b_{j\max}$  и является его центральной вейвлет-частотой. Из (6) следует, что выражение для определения локального энергетического частотного спектра  $G_{Lj}^2(f)$  при произвольной величине  $b_{j\max}$ , j = 1, 2, ..., имеет вид

$$G_{L\,j}^{2}(f) = \left| c(f, b_{j}) \right|^{2}.$$
(7)

На рис. 3 представлены зависимости энергетических вейвлет-спектров  $G_{Li}^2(L_b)$  от дальности  $L_b$  при различных значениях параметра масштаба «a».

Из них следует, что с повышением частоты облучающего сигнала изображение объекта приобретает более детальный характер. На ча-



Рис. 3. Зависимости энергетических вейвлет-спектров  $G_{L_j}^{\ 2}(L_b)$  отраженного сигнала от дальности  $L_b$  при различных значениях параметра масштаба (1 – a = 20 (частота  $f_1 = 17,868$  ГГц); 2 – a = 60 (частота  $f_2 = 7,445$  ГГц); 3 – a = 80 (частота  $f_3 = 5,584$ ГГц); 4 – a = 200 (частота  $f_4 = 2,233$  ГГц))



**Рис. 4.** Зависимости локальных энергетических спектров  $G_{Li}^2(L_b)$  центров вторичного излучения объекта от текущего значения частоты сигнала

## Таблица

Параметры центров вторичного излучения объекта

Наименование параметра	Значение параметра					
<i>L<sub>b j max</sub></i> , см	2,6	17,6	21,1	25,5	29,7	33,4
$t_{kj\mathrm{max}}$ , нс	0,171	1,172	1,404	1,697	1,978	2,222
$a_{j\max}$	65	65	260	55	78	90
<i>f</i> <sub>0 <i>j</i> max</sub> , ГГц	6,872	6,872	1,718	8,122	5,727	4,963
$b_{j\max}$	140	960	1150	1390	1620	1820



Рис. 5. Частотные зависимости ЭПР объекта сложной геометрической формы (1 – интегральная ЭПР; 2 и 3 – локальные ЭПР доминирующих центров вторичного излучения В(2) и С (3))

стоте  $f_4 = 2,233$  ГГц проявляется только контур объекта, на частоте  $f_1 = 17,868$  ГГц различимы даже мелкие отражающие центры. Уровень отраженного сигнала достигает наибольших значений в окрестностях частот  $f_2 = 7,445$  ГГц и  $f_3 = 5,584$  ГГц, где проявляются наиболее интенсивные центры отражений.

В таблице приведены найденные на основе указанных зависимостей и (3)–(5) параметры вейвлет-преобразования  $a_{j\max}$ ,  $b_{j\max}$ , временные координаты  $t_{kj\max}$ , координаты дальности  $L_{bj\max}$  и центральные частоты коррелирующих вейвлетов  $f_{0j\max}$  центров наиболее интенсивного вторичного излучения сигналов A(1), B(2), C(3), D(4), E(5), F(6).

На рис. 4 представлены зависимости локальных энергетических спектров  $G_{Lj}^2(f, b_{j\max})$  для локальных центров вторичного излучения A(1), B(2), C(3), D(4), E(5), F(6) исследуемого объекта в полосе частот 2...13 ГГц.

На рис. 5 приведены вычисленные с использованием (2) интегральная и локальные ЭПР центров наиболее интенсивного отражения сигнала B(2) и C(3) исследуемым объектом.

Представляя отраженный СШП сигнал последовательностью отсчетов в моменты времени  $t_j$ , j = 1, 2, ..., находим, что каждый из них соответствует *j*-му поперечному сечению объекта, j = 1, 2, ..., расположенному на дальности  $L_{bj}$ , j = 1, 2, ..., расположенному на дальности  $L_{bj}$ , j = 1, 2, ..., Эти сечения представляют собой набор частотных фильтров; наиболее прозрачные из них, пропускающие отраженный сигнал с малыми потерями, могут идентифицироваться как доминирующие локальные центры вторичного излучения. Таким образом, на основе измерения мгновенных амплитуд, выполненного стробоскопическим методом на дискретных интервалах времени, и вейвлет-преобразований отраженных сигналов исследованы интегральная и локальные ЭПР объекта сложной формы, облучаемого СШП импульсом.

### Список литературы

- Беличенко В.П., Буянов Ю.И., Кошелев В.И. Сверхширокополосные импульсные радиосистемы. Новосибирск: Наука, 2015. 481 с.
- Астанин Л.Ю., Костылев А.А. Основы сверхширокополосных радиолокационных измерений. М.: Радио и связь, 1989. 192 с.
- Использование широкополосных зондирующих сигналов в задаче наведения зенитных управляемых ракет / Я.Д. Ширман [и др.] // Сборник научных трудов Харьковского университета Воздушных Сил им. И. Кожедуба. 2008. Вып. 2(17). С. 55-60.
- Малла С. Вейвлеты в обработке сигналов. М.: Мир, 2005. 342 с.
- Лаговский Б.А. Обнаружение малозаметных радиолокационных целей путем формирования сверхкоротких импульсов при приеме сигнала // Антенны. 2007. № 1(116). С. 55-60.
- Применение вейвлет-преобразований для измерения локальных эффективных поверхностей рассеяния объектов сложной геометрической формы в сверхширокой полосе частот / Р.В. Антипенский [и др.] // Измерительная техника. 2013. № 1. С. 60–64.
- Бондаренко В.В., Кыштымов Г.А. Применение вейвлетпреобразо-ваний для измерения локальных эффективных поверхностей рассеяния сферы в сверхширокой полосе частот // Измерительная техника. 2008. № 8. С. 48–51.
- Радиолокационные устройства (теория и принципы построения) / под ред. В.В. Григорина-Рябова. М.: Сов. радио, 1970. 680 с.

# Application of veyvlet-transformations for the analysis scattering of ultra-broadband signals by objects of irregular shape

R.V. Antipensky, A.P. Lyubavsky, S.N. Razinkov

On the basis of the measurement of instant amplitudes executed by a stroboscopic method on discrete intervals of time, and veyvlet-transformations of the reflected signals also the local effective surfaces of dispersion of the object of irregular shape irradiated by a ultra-broadband impulse are investigated integrated. The analysis of frequency dependences of power ranges is carried out and parameters of veyvlet-transformations for identification of the dominating centers of secondary radiation of an object are determined.

Keywords: ultra-broadband signal, local effective surface of dispersion, veyvlet-transformation, signal power veyvlet-range.

#### Неганов, В.А.

В.А., Табаков Д.П., Яровой Г.П.

Современная теория

и практические применения антенн

Современная теория и практические применения антенн: монография / В.А. Неганов, Д.П. Табаков, Г.П. Яровой; предисл. акад. Ю.В. Гуляева; под ред. В.А. Неганова. – М.: Радиотехника, 2009. – 720 с.

## ISBN 978-5-88070-222-0

УДК 621.396.67 ББК 32.845

Рассмотрены основные разделы теории и техники антенн. Освещены вопросы расчета и построения различных типов антенн (от вибраторных до рупорных и антенных решеток, включая фазированные). Основное внимание уделено антеннам СВЧ и расчетам их электромагнитных полей в ближней зоне, т. е. вопросам электромагнитной совместимости.

Принципиальное отличие книги от известных заключается в последовательном применении метода физической регуляризации (самосогласованного метода) к расчету электромагнитного поля антенн, по-

зволяющего осуществлять непрерывный переход с излучающей поверхности антенны к пространству вне ее. С помощью самосогласованного метода получены новые результаты по теории антенн: установлены связь между поверхностной плотностью тока на вибраторной антенне и напряженностью электромагнитного поля, однонаправленный режим излучения для кольцевой (рамочной антенны), режимы стоячих и бегущих волн в цилиндрической спиральной антенне, входное сопротивление практически для всех типов антенн. Теоретический материал подкреплен примерами применения многолучевых антенн.

Предназначено для разработчиков антенно-фидерных устройств, аспирантов и докторантов, занимающихся вопросами проектирования антенных систем различного назначения, студентов радиотехнических специальностей высших учебных заведений.